

A

Nombre: _____ Fecha: 22 de noviembre de 2017.

Duración: 80 minutos.

I. (10 puntos) Utilizar el **teorema de Green** para evaluar la integral de línea:

$$\int_c (\cos y) dx + (xy - x \sin y) dy$$

C : Frontera de la región comprendida entre las gráficas de $y = x$ y $y = \sqrt{x}$.

II. (10 puntos) Hallar el flujo del campo vectorial $\vec{F}(x, y, z) = x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k}$ a través de la superficie S , esto es:

$$\iint_S \vec{F} \cdot \vec{N} dS$$

Donde \vec{N} es el vector unitario normal a S dirigido hacia arriba. $S : z = 9 - x^2 - y^2, z \geq 0$.

III. (15 puntos) Utilizar el **teorema de la divergencia** para hallar el flujo de $\vec{F}(x, y, z) = x^3\hat{i} + x^2y\hat{j} + x^2e^y\hat{k}$ dirigido hacia el exterior, a través de la superficie del sólido acotado por las gráficas de las ecuaciones. $S : z = 4 - y, z = 0, x = 0, x = 6, y = 0$.

IV. (15 puntos) Considerando el campo vectorial $\vec{F}(x, y) = 2xy\hat{i} + (x^2 - y)\hat{j}$.

a) (5 puntos) Determine si el campo $\vec{F}(x, y)$ es conservativo.

b) (5 puntos) Si $\vec{F}(x, y)$ resulta conservativo halle una función de potencial. En caso contrario indique que no aplica.

c) (5 puntos) Halle el trabajo $W = \int_c \vec{F} \cdot d\vec{r}$ realizado por el campo de fuerzas $\vec{F}(x, y)$ al desplazar un objeto desde el punto $(1, 2)$ hasta el punto $(3, 1)$.