

1) $h(x,y) = x^2y^2 + x^2$

$\vec{\nabla}h = \langle 2xy^2 + 2x, 2x^2y \rangle$

$\vec{\nabla}h(1,2) = \langle 2 \cdot 2^2 + 2, 2 \cdot 2 \rangle = \langle 10, 4 \rangle$

a) En direcció $\langle 10, 4 \rangle$

$D_{\langle 1/\sqrt{2}, 1/\sqrt{2} \rangle} h(1,2) = \vec{\nabla}h(1,2) \cdot \langle 1/\sqrt{2}, 1/\sqrt{2} \rangle$
 $= \langle 10, 4 \rangle \cdot \langle 1/\sqrt{2}, 1/\sqrt{2} \rangle = 14/\sqrt{2}$

b) Pendiente es $14/\sqrt{2}$

- a) +2 Calcula $\vec{\nabla}h$
- +2 Evalua $\vec{\nabla}h(1,2)$
- +4 Dice que $\vec{\nabla}h(1,2)$ apunta en la direcció de máximo cambio

- b) +2 Menciona la derivada direccional
- +2 Escribe la fórmula $D_u f = \vec{\nabla}f \cdot \vec{u}$
- +4 Evalua correctamente $D_{\langle 1/\sqrt{2}, 1/\sqrt{2} \rangle} h(1,2)$

$$2. f(x,y) = x^4 y + x^2 - y$$

(A)

$$\frac{\partial f}{\partial x} = 4x^3 y + 2x$$

$$\frac{\partial f}{\partial y} = x^4 - 1$$

$$4x^3 y + 2x = 2x(2x^2 y + 1) = 0$$

$$x^4 - 1 = 0$$

$$(x^2 + 1)(x + 1)(x - 1) = 0$$

$$2(2y + 1) = 0 \quad y = -\frac{1}{2}$$

$$x = 1 \text{ ó } x = -1$$

a) $(1, -\frac{1}{2}), (-1, -\frac{1}{2})$.

$$H = \begin{pmatrix} 12x^2 y + 2 & 4x^3 \\ 4x^3 & 0 \end{pmatrix}$$

$$\text{Det}(H) = -16x^6$$

$$\text{Det}(H(1, -\frac{1}{2})) = -16 = \text{Det}(H(-1, -\frac{1}{2})) = -16$$

b) $(1, -\frac{1}{2}), (-1, -\frac{1}{2})$ son puntos de silla.

+2 Escribe $\vec{\nabla} f = \vec{0}$

+2 Halla que $x = 1$ ó $x = -1$

+2 Halla $(1, -\frac{1}{2})$

+2 Halla $(-1, -\frac{1}{2})$

+4 Calcula H correctamente

+3 Usa el criterio bien para determinar que un punto es de silla

+2 Usa el criterio bien para determinar que el segundo punto es de silla.

(A)

3. $V(x,y,z) = xyz$

Restricción

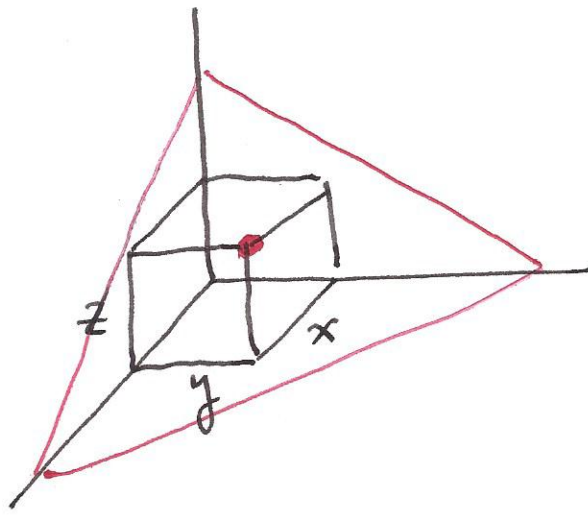
$g(x,y,z) = x + 2y + 3z = 6$

$\lambda \vec{\nabla} V = \vec{\nabla} g$

$\lambda yz = 1x$

$\lambda xz = 2y$

$\lambda xy = 3z$



$\Rightarrow x = 2y = 3z \Rightarrow 3x = 6 \quad \boxed{x=2, y=1, z=2/3}$

a) $x=2 \quad y=1 \quad z=2/3$

b) $V(x,y,z) = 0$ cuando el vértice está en los planos xy, yz y zx . Como $V(x,y,z) > 0$ en el interior del primer octante y $V(x,y,z)$ es diferenciable allí, entonces el punto crítico debe ser un máximo

a)' $x = 6 - 3z - 2y$

$V = (6 - 3z - 2y)yz = 6yz - 3yz^2 - 2y^2z$

$\frac{\partial V}{\partial y} = 6z - 3z^2 - 4yz = 0$
 $z(6 - 3z - 4y) = 0$

$\frac{\partial V}{\partial z} = 6y - 6yz - 2y^2 = 0$
 $y(6 - 6z - 2y) = 0$

$z \neq 0 \quad y \neq 0 \quad (6 - 3z - 4y) - (12 - 12z - 4y) = 0$

$-6 + 9z = 0$

$\boxed{z = \frac{2}{3} \Rightarrow y = 1 \Rightarrow x = 2}$

$$b)' \quad H = \begin{pmatrix} -4z & 6-6z-4y \\ 6-6z-4y & -6y \end{pmatrix}$$

(A)

$$H\left(1, \frac{2}{3}\right) = \begin{pmatrix} -\frac{8}{3} & -2 \\ -2 & -6 \end{pmatrix}$$

$$\det(H(1, \frac{2}{3})) = 16 - 4 = 12$$

y como $-\frac{8}{3} < 0 \Rightarrow \underline{(1, \frac{2}{3})}$ es Máximo

a) [4] Escribe $\lambda \vec{\nabla} V = \vec{\nabla} g$

+2 Halla las tres ecuaciones de $\lambda \vec{\nabla} V = \vec{\nabla} g$

+4 Soluciona correctamente

a) [3] despeja una variable en la ecu. del plano

[2] Escribe V en términos de 2 variables

[3] Halla $\vec{\nabla} V$ en dos variables e iguala a 0

+2 Soluciona correctamente

b) +7 Argumenta correctamente

b)' +4 Halla H

+3 Utiliza el criterio correctamente para

determinar que es un máximo.