Departamento de Matemáticas y Estadística 3P de Cálculo III ANEC 2024 10 02 de mayo de 2024

FILA A Tiempo máximo: 100 minutos.

Nombre	completo	У	Código

Realice solo cuatro (4) de los cinco (5) puntos propuestos. El cuarto es obligatorio!.

- 1. (Valor: 1.0) Calcule la integral doble  $\int_0^2 \int_1^2 (3x^2 e^y + 4xy^2) dx dy.$
- 2. (Valor: 1.0) Dibuje la región de integración para la integral doble dada y plantee una integral equivalente con el orden de integración invertido.

$$\int_0^4 \int_0^{\sqrt{x}} f(x,y) \, dy \, dx.$$

- 3. (Valor: 1.0) Use una integral doble para hallar el área de la región limitada por  $y = x^2 + 2$  y y = 2x + 5.
- 4. (Valor: 2.0) Dada la integral doble  $\int_0^4 \int_{-2}^{-y/2} \frac{1}{x^2 + 1} dx dy$ :
  - (a) Dibuje la región de integración.
  - (b) Escriba una integral doble equivalente con el orden de integración invertido.
  - (c) Calcule la integral doble del inciso anterior.
- 5. (Valor: 1.0) Calcule el valor promedio de la función  $f(x,y) = e^{y^2}$  sobre la región limitada por x = 2y, x = 0 y y = 1.

Nota: La manipulación de celulares, relojes inteligentes o cualquier dispositivo electrónico de comunicación durante el examen, será considerada como falta grave y tendrá como consecuencia la anulación del examen y apertura del correspondiente proceso disciplinario.

Departamento de Matemáticas y Estadística 3P de Cálculo III ANEC 2023 30 28 de octubre de 2023

FILA B Tiempo máximo: 100 minutos.

Nombre	completo	у	Código.
--------	----------	---	---------

Realice solo cuatro (4) de los cinco (5) puntos propuestos. El cuarto es obligatorio!.

- 1. (Valor: 1.0) Calcule la integral doble  $\int_0^3 \int_1^2 (3y^2 e^x + 4x^2 y) \, dy \, dx.$
- 2. (Valor: 1.0) Dibuje la región de integración para la integral doble dada y plantee una integral equivalente con el orden de integración invertido.

$$\int_0^4 \int_{\sqrt{y}}^2 f(x,y) \, dx \, dy.$$

- 3. (Valor: 1.0) Use una integral doble para hallar el área de la región limitada por  $y = 2 x^2$  y y = 5 4x.
- 4. (Valor: 2.0) Dada la integral doble  $\int_{-4}^{0} \int_{-y/2}^{2} \frac{1}{x^2 + 1} dx dy$ :
  - (a) Dibuje la región de integración.
  - (b) Escriba una integral doble equivalente con el orden de integración invertido.
  - (c) Calcule la integral doble del inciso anterior.
- 5. (Valor: 1.0) Calcule el valor promedio de la función  $f(x,y)=e^{y^2}$  sobre la región limitada por x=2y, x=0 y y=1.

Nota: La manipulación de celulares, relojes inteligentes o cualquier dispositivo electrónico de comunicación durante el examen, será considerada como falta grave y tendrá como consecuencia la anulación del examen y apertura del correspondiente proceso disciplinario.