

## PARCIAL III - CALCULO III ANEC

31 de octubre de 2025

**ADVERTENCIA:** Durante la realización del examen no se acepta el uso de calculadoras graficadoras y debe mantener el celular en silencio o apagado. El incumplimiento de esta advertencia será causal de anulación del examen.

Nombre Completo

1. Dada la integral doble, donde R es la región del primer cuadrante limitada por las curvas  $y=x^3$  y y=x.

$$\int \int_{R} 3x^{2} e^{y} dA$$

- a) [0.4 pts.] Complete los límites de la integral:  $\int \int (3x^2e^y)dxdy$
- b) [0.4 pts.] Complete los límites de la integral:  $\int \int (3x^2e^y)dydx$
- c) [1.0 pts.]Elija una de las integrales de los incisos anteriores y resuelva.
- 2. [1.0 pts.] Emplee una integral doble para determinar el área de la región R limitada por  $y=4x-x^2$  y y=0.
- 3. [1.0 pts.] Evalúe la integral sobre la región rectangular  $R: 1 \leq x \leq 3$ ,  $0 \leq y \leq 2$

$$\int_{0}^{2} \int_{1}^{3} (3x^{2} + 2xy) \ dxdy$$

4. [1.2 pts.] Un mapa de un pequeño parque regional es un rectángulo cuadriculado, limitado por las rectas x = 0, x = 4, y = 0 y y = 3, donde las unidades están en kilómetros. Se encuentra que la elevación sobre el nivel del mar en cada punto (x, y) del parque está dada por:

$$E(x,y) = 30(2x + y^2)$$

Encuentre la elevación promedio del parque.



## PARCIAL III - CALCULO III ANEC

31 de octubre de 2025

**ADVERTENCIA:** Durante la realización del examen no se acepta el uso de calculadoras graficadoras y debe mantener el celular en silencio o apagado. El incumplimiento de esta advertencia será causal de anulación del examen.

Nombre Completo

1. Dada la integral doble, donde R es la región del primer cuadrante limitada por las curvas  $y=x^3$  y y=x.

$$\int \int_{R} 6x^{2}e^{y}dA$$

- a) [0.4 pts.]Complete los límites de la integral:  $\int \int (6x^2e^y)dxdy$
- b) [0.4 pts.] Complete los límites de la integral:  $\int \int (6x^2 e^y) dy dx$
- c) [1.0 pts.]Elija una de las integrales de los incisos anteriores y resuelva.
- 2. [1.0 pts.] Emplee una integral doble para determinar el área de la región R limitada por  $y = 4x x^2$  y y = 0.
- 3. [1.0 pts.] Evalúe la integral sobre la región rectangular  $R: 0 \le x \le 2$ ,  $-1 \le y \le 2$

$$\int_{-1}^{2} \int_{0}^{2} (3x^{2} + 2xy) \ dxdy$$

4. [1.2 pts.] Un mapa de un pequeño parque regional es un rectángulo cuadriculado, limitado por las rectas x = 0, x = 4, y = 0 y y = 3, donde las unidades están en kilómetros. Se encuentra que la elevación sobre el nivel del mar en cada punto (x, y) del parque está dada por:

$$E(x,y) = 90(2x + y^2)$$

Encuentre la elevación promedio del parque.