

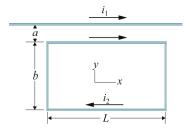
DIVISION DE CIENCIAS BASICAS DEPARTAMENTO DE FISICA Y GEOCIENCIAS EXAMEN FINAL DE FISICA ELECTRICIDAD - 23.05.16

NOMBRE:		

INSTRUCCIONES: Este examen consta de de tres componentes: Componente conceptual de 15 preguntas y dos componentes de ejercicios. La valoración se indica en cada sección. En los items del componente conceptual, seleccione la respuesta adecuada y coloquela en la caja de respuestas al final de la sección conceptual siempre que sea posible; use esquemas gráficos para justificar la respuesta seleccionada. Un tachón o borrón invalida la respuesta. En los items de componente de ejercicios escriba la respuesta sobre la línea. Cada ejercicio se debe resolver con un procedimiento claro y adecuado que incluya análisis gráfico, análisis físico, desarrollo algebraico y análisis dimensional, todo con la mejor caligrafía posible. Sea claro en sus respuestas, justificando todo.La duración de este examen es de 2 horas máximo. Se prohibe el uso de celulares, smartwatch, tablets, computadores. Solo calculadoras sencillas. OJO CON EL FRAUDE!!! NO SE RESPONDEN PREGUNTAS DURANTE EL EXAMEN!

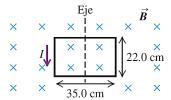
COMPONENTE CONCEPTUAL (Valoración 3.0/5.0)

- 1. (Valoración 0.2) Una bobina se envuelve con 300 vueltas de alambre en el perímetro de un marco circular (radio = 8.0 cm). Cada vuelta tiene la misma área, igual a la del marco. Un campo magnético uniforme se encuentra perpendicular al plano de la bobina. Este campo cambia a una razón constante de 20 a 80 mT en un tiempo de 20 ms. La magnitud de la fem inducida en la bobina en el instante en que el campo magnético tiene una magnitud de 50 mT es:
 - (a) 24 V
 - (b) 18 V
 - (c) 15 V
 - (d) 10 V
 - (e) 30 V
- 2. (Valoración 0.2) En la figura, un alambre recto transporta una corriente $i_1 = 30$ A y una espira rectangular de alambre en el mismo plano del conductor largo, transporta una corriente $i_2 = 20$ A. Tome las dimensiones a = 1 cm, b = 8 cm, y L = 30 cm. En notación de vector unitario, la fuerza sobre la espira debido a i_1 es:



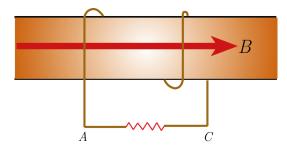
- (a) $+3.2 \text{ mN } \hat{j}$
- (b) $-0.4 \text{ mN } \hat{\imath}$
- (c) $+3.6 \text{ mN } \hat{\jmath}$

- (d) $-3.2 \text{ mN } \hat{j}$
- (e) $-3.6 \text{ mN } \hat{\jmath}$
- 3. (Valoración 0.2) Una espira cuadrada de 5 vueltas (10 cm de largo de un lado, la resistencia de $4.0~\Omega$) se coloca en un campo magnético que forma un ángulo de 30° con el plano de la espira. La magnitud de este campo varía con el tiempo según $B=0.50t^2$, donde t se mide en s y B en T. La corriente inducida en la bobina en el instante $t=4.0~\mathrm{s}$ es:
 - (a) 25 mA
 - (b) 5.0 mA
 - (c) 13 mA
 - (d) 43 mA
 - (e) 50 mA
- 4. (Valoración 0.2) Parte de una espira de alambre rectangular sencilla, con las dimensiones que se indican en la figura, se coloca dentro de una región de campo magnético uniforme de 0.750 T. La resistencia total de la espira es de 0.240 Ω. Despreciando los efectos de la gravedad, la fuerza que se requiere para retirar la espira del campo (hacia la derecha) con una velocidad constante de 3.40 m/s. es.:

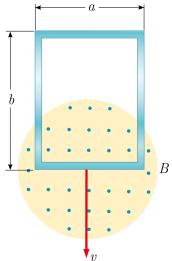


5. (Valoración 0.2) La bobina que se muestra en la figura tiene dos vueltas, una sección transversal de $0.20 \text{ m}^2 \text{ y}$ un campo (paralelo al eje de la bobina) con una magnitud dada por $B = (4.0 + 3.0t^2) \text{ T}$, donde

testá en s. La diferencia de potencial $V_A-V_C,$ en el instante $t=3.0~\mathrm{s}$ es:

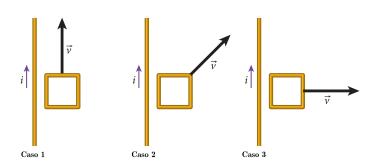


- (a) -7.2 V
- (b) 7.2 V
- (c) -4.8 V
- (d) 4.8 V
- (e) -12 V
- 6. (Valoración 0.2) Una espira conductora rectangular de masa M, resistencia R, y las dimensiones a y b se deja caer desde el reposo a través de un campo magnético uniforme que es perpendicular al plano de la espira. La espira se acelera hasta que alcanza una velocidad terminal (antes de que el extremo superior entre en el campo magnético). Si a=2.0 m, B=6.0 T, R=40 Ω , y M=0.60 kg, La velocidad terminal es:



- (a) 1.6 m/s
- (b) 20 m/s
- (c) 2.2 m/s
- (d) 26 m/s
- (e) 5.3 m/s
- 7. (Valoración 0.2) En la práctica de laboratorio "Campo megnético de un solebnoide" se obtuvo una gráfica que muestra el comportamiento del campo al interior del solenoide y en sus extremos. Dibuje una gráfica cualitativa (pero exacta) de la variación del campo magnético con respecto a la longitud.

- 8. (Valoración 0.2) En la práctica de laboratorio "Inducción electromagnética" se dejó caer el imán desde dos diferentes alturas obteniéndose un pico mayor que otro. La diferencia de altura en los picos se debe a.....
- 9. (Valoración 0.2) ¿Cuál de las siguientes son las unidades de Henry y un faradio, respectivamente
 - (a) $Js^2/C^2 y C^2/J$
 - (b) Vs / A y V/C
 - (c) V/(As) y C/V
 - (d) $Nm/A^2 y C/J$
 - (e) Ninguna de las anteriores
- 10. (Valoración 0.2) Un alambre largo conduce una corriente, i, como muestra la figura. Una espira cuadrada se mueve en el mismo plano que el alambre, según se indica. ¿En qué casos la espira tiene una corriente inducida?



- (a) Casos 1 y 2
- (b) Casos 1 y 3
- (c) Casos 2 y 3
- (d) En ningún casos ahay corriente inducida
- (e) En todos los casos hay corriente inducida
- 11. (Valoración 0.2) Dos solenoides con espiras muy apretadas tienen la misma longitud y área de sección transversal. Pero el solenoide 1 usa alambre que tiene 2.5 veces el grosor del solenoide 2. la razón de sus autoinductancias (L_2/L_1) es:

12. (Valoración 0.2) Uno de las siguientes grupo de expresiones corresponde a las ecuaciones de Maxwell

(a)
$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{\Delta V}{\varepsilon_o}, \oint \vec{B} \cdot d\vec{S} = \frac{q}{\varepsilon_o}, \oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_o I, \oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\frac{d\Phi_m}{dt}$$

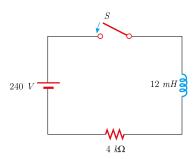
(b)
$$\oint_{S} \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{q}{\varepsilon_{o}}, \oint_{S} \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0, \oint_{C} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_{o}I + \mu_{o}\varepsilon_{o}\frac{\partial \Phi_{e}}{\partial t}, \oint_{C} \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\frac{d\Phi_{m}}{dt}$$

(c)
$$\oint_{S} \vec{E} \cdot d\vec{S} = 0, \ \oint_{S} \vec{B} \cdot d\vec{S} = \frac{q}{\varepsilon_{o}}, \ \oint_{C} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_{o}I + \mu_{o}\varepsilon_{o}\frac{\partial \Phi_{e}}{\partial t}, \ \oint_{C} \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\frac{d\Phi_{m}}{dt}$$

$$(\mathrm{d}) \ \oint_{S} \vec{E} \cdot d\vec{S} = 0, \ \oint_{S} \vec{B} \cdot d\vec{S} = \frac{q}{\varepsilon_{o}}, \ \oint_{C} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_{o}I + \mu_{o}\varepsilon_{o}\frac{\partial \Phi_{e}}{\partial t}, \ \oint_{C} \vec{E} \times d\vec{l} = -\frac{d\Phi_{m}}{dt}$$

(e)
$$\oint_{S} \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{q}{\varepsilon_{o}}, \oint_{S} \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0, \oint_{C} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_{o}I + \mu_{o}\varepsilon_{o}\frac{\partial \Phi_{e}}{\partial t}, \oint_{C} \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\frac{d\Phi_{e}}{dt}$$

- 13. (Valoración 0.2) Una fem inducida se produce en
 - (a) un circuito cerrado de alambre cuando permanece en reposo en un campo magnético estático no uniforme.
 - (b) un circuito cerrado de alambre cuando permanece en reposo en un campo magnético estático uniforme.
 - (c) un circuito cerrado de alambre se mueve a velocidad constante en un campo magnético estático no uniforme.
 - (d) todo lo anterior.
 - (e) solamente (b) y (c).
- 14. (Valoración 0.2) El interruptor de la figura se cierra en t = 0 cuando la corriente I es cero. Cuando I = 15 mA, la diferencia de potencial entre el inductor es:

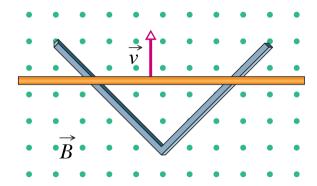


- (a) 240 V
- (b) 60 V
- (c) 0 V
- (d) 180 V
- (e) 190 V
- 15. (Valoración 0.2) Un solenoide tiene una inductancia de 53 mH y una resistencia de 0.37Ω . Si lo conectamos a una batería. El tiempo que le toma a la corriente en alcanzar la mitad de su valor final en el estado estacionario es:
 - (a) 0.10 s
 - (b) 0.01 s
 - (c) 0.02 s
 - (d) 0.03 s
 - (e) ninguna de las anteriores

COLOQUE SUS RESPUESTAS AQUÍ

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15

COMPONENTE DE EJERCICIO 1 (Valoración 1.0/5.0)

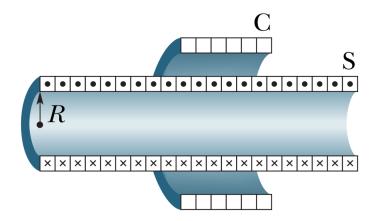


Dos rieles conductores rectos forman un ángulo recto en donde se unen sus extremos. Una barra conductora en contacto con los rieles y formando un triángulo isósceles arranca en el vértice en el momento t=0 y se mueve con velocidad constante de 5.20 m/s a lo largo de ellos, como se muestra en la figura. Un campo magnético B=0.350 T está dirigido hacia afuera de la página.

- (a) (Valoración 0.4) El flujo a través del triángulo formado por los rieles y la barra en t = 3 s es:_____
- (b) (Valoración 0.4) La fem alrededor del triángulo en ese mismo tiempo es:______
- (c) (Valoración 0.2) Si la fem se puede escribir en la forma $\varepsilon = at^n$, donde a y n son constante, entonces n es:______

COMPONENTE DE EJERCICIO 2 (Valoración 1.0/5.0)

En la figura, una bobina de 120 vueltas con un radio de 1.8 cm y con una resistencia de 5.3 Ω se coloca fuera de un solenoide largo que tiene 220 vueltas/cm y un radio de 1.6 cm



- (a) (Valoración 0.5) La inductancia mutua M para la combinación bobina-solenoide es:_______
- (b) (Valoración 0.5) M no depende de:_____

RESUMEN DE EXPRESIONES MATEMÁTICAS ÚTILES

$$\begin{split} & \Phi_B = \int \mathbf{B} \cdot d\mathbf{A} \qquad \oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{A} = \mathbf{0} \qquad \qquad R = \frac{mv}{qB} \qquad \mathbf{F} = I\mathbf{1} \times \mathbf{B} \qquad \qquad \tau = \mu \times \mathbf{B} \\ & \mathbf{B} = \frac{\mu_o}{4\pi} \frac{q\mathbf{v} \times \hat{\mathbf{r}}}{r^2} \qquad \qquad d\mathbf{B} = \frac{\mu_o}{4\pi} \frac{Idl \times \hat{\mathbf{r}}}{r^2} \qquad \qquad B = \frac{\mu_o I}{2\pi r} \qquad \qquad \frac{F}{l} = \frac{\mu_o I I'}{2\pi r} \qquad \qquad B_x = \frac{\mu_o I a^2}{2(x^2 + a^2)^{3/2}} \\ & \oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{l} = \mu_o I_{\text{enc}} \qquad \qquad B = \mu_o nI \qquad \qquad B = \frac{\mu_o I}{2\pi} \frac{r}{R^2} \qquad B = \frac{\mu_o NI}{2\pi r} \qquad \qquad \mathcal{E} = \oint \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l} = -\frac{d\Phi_B}{dt} \\ & \mathcal{E} = vBL \qquad \qquad \mathcal{E} = \oint (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot d\mathbf{l} \qquad \mathcal{E} = -L\frac{di}{dt} \qquad \qquad L = \frac{N\Phi_B}{i} \qquad \qquad M = \frac{N_2\Phi_{B_2}}{i_1} = \frac{N_1\Phi_{B_1}}{i_2} \\ & u = \frac{B^2}{2\mu_o} \qquad \qquad \tau = \frac{L}{R} \qquad \qquad U = -\mu \cdot \mathbf{B} \qquad B_x = \frac{\mu_o NI}{2a} \qquad \qquad i_D = \epsilon \frac{d\Phi_E}{dt} \\ & U = \frac{1}{2}LI^2 \qquad \qquad \omega = \frac{qB}{m} \qquad \qquad \mathbf{F} = q\mathbf{v} \times \mathbf{B} \qquad \qquad i = \frac{\mathcal{E}}{R} \left[1 - e^{-(R/L)t}\right] \qquad i = I_o e^{-(R/L)t} \\ & T = \frac{2\pi}{\omega} \qquad \qquad V = IR \qquad \qquad P = I^2R \end{split}$$

ALGUNAS CONSTANTES ÚTILES

$$\varepsilon_o = 8.85 \times 10^{-12} \text{ F/m}$$
 $m_e = 9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}$ $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$ $\mu_o = 4 \times 10^{-7} \text{ T m/A}$

UNIVERSIDAD DEL NORTE
División de Ciencias Básicas

GRUPO:

DIVISION DE CIENCIAS BASICAS DEPARTAMENTO DE FISICA EXAMEN FINAL DE FISICA ELECTRICIDAD - 24.11.15

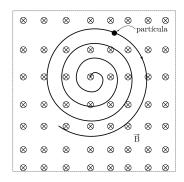
NOMBRE:		

INSTRUCCIONES: Este examen consta de de cuatro componentes: Componente conceptual de 10 preguntas de selección múltiple, dos componentes de ejercicios y una componente experimental. Cada componente tiene la misma valoración. En los items del componente conceptual, seleccione la respuesta adecuada y coloquela en la caja de respuestas al final de la sección conceptual; use esquemas gráficos para justificar la respuesta seleccionada. Un tachón o borrón invalida la respuesta. En los items de componente de ejercicios escriba la respuesta sobre la línea. Cada ejercicio se debe resolver con un procedimiento claro y adecuado que incluya análisis gráfico, análisis físico, desarrollo algebraico y análisis dimensional, todo con la mejor caligrafía posible. En el componente experimental, sea claro en sus respuestas, justificando su respuesta. La duración de este examen es de 2 horas máximo. Se prohibe el uso de celulares, tablets, computadores. Solo calculadoras sencillas. OJO CON EL FRAUDE!!! NO SE RESPONDEN PREGUNTAS DURANTE EL EXAMEN!

COMPONENTE CONCEPTUAL

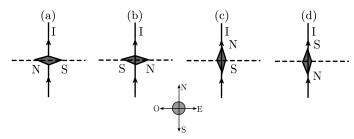
- (Valoración 0.5) Un alambre largo y recto que conduce una corriente eléctrica estable origina un campo magnético en puntos de su vecindad. Con respecto a las líneas de campo magnético, es correcto afirmar que:
 - (a) Son líneas rectas en la dirección de la corriente.
 - (b) Son líneas rectas opuestas a la dirección de la corriente.
 - (c) Son líneas radiales hacia fuera, desde el alambre.
 - (d) Son líneas radiales hacia el alambre.
 - (e) Son circunferencias concéntricas, con eje de simetría a lo largo del alambre.
- 2. (Valoración 0.5) Un electrón y un protón con la misma energía cinética describen trayectorias circunferenciales en un mismo campo magnético uniforme. La carga del protón y del electrón son $|q|=1.60\times 10^{-19}$ C, la masa del electrón es $m=9.1\times 10^{-31}$ kg yla masa del protón es $m=1.67\times 10^{-27}$ kg. Respecto al periodo de revolución de ambas partículas, se puede afirmar que:
 - (a) Los periodos son iguales.
 - (b) El periodo del electrón es dos veces mayor.
 - (c) El periodo del protón es mayor.
 - (d) El periodo del protón es menor.
 - (e) No se puede precisar.
- 3. (Valoración 0.5) Es unidad de intensidad del campo magnético:
 - (a) Gauss.
 - (b) Faradio.
 - (c) Ampere.

- (d) Voltio
- (e) Watts.
- 4. (Valoración 0.5) Un campo magnético uniforme entra perpendicularmente al plano de la página. Una partícula cargada, se mueve en el plano de la página en una trayectoria espiral en sentido horario de radio decreciente, como se muestra en la figura. Es correcto afirmar que:

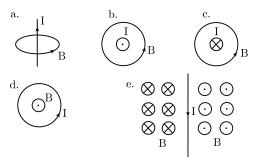


- (a) La carga es positiva y acelera.
- (b) La carga es negativa y acelera.
- (c) La carga es positiva y desacelera.
- (d) La carga es negativa y desacelera.
- (e) La carga es positiva y su rapidez es constante.
- 5. (Valoración 0.5) Se tiene un alambre recto muy largo orientado en la dirección norte-sur terrestre que conduce una corriente estable con sentido hacia el norte terrestre. ¿Qué orientación adoptará una brújula ubicada sobre el alambre?. Escribe (e) si consideras que ninguna de las situaciones mostradas

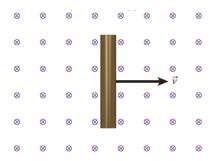
es la respuesta



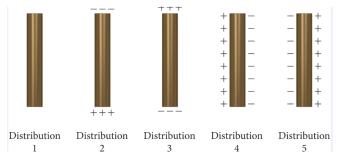
6. (Valoración 0.5) Entre los siguientes esquemas, existe uno que no es una representación correcta relacionada con el sentido de la corriente I y la dirección del campo magnético B. Escoja la letra correspondiente.



7. (Valoración 0.5) Una barra metálica se mueve con velocidad constante, a través de un campo magnético uniforme que apunta hacia la página, como muestra la figura.

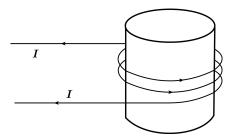


Cuál de las siguientes opciones representa con mas precisión la distribución de carga sobre la superficie de la barra metálica?



- (a) Distribución 1
- (b) Distribución 2
- (c) Distribución 3
- (d) Distribución 4
- (e) Distribución 5

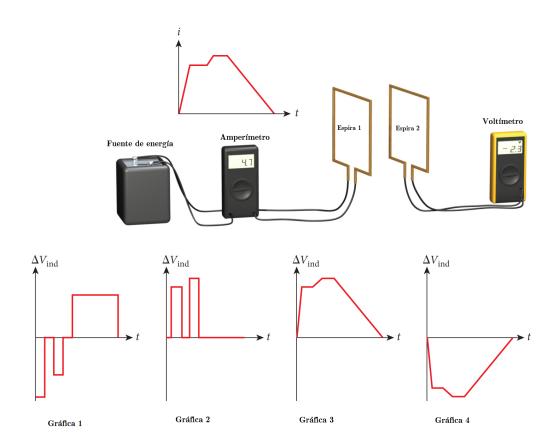
8. (Valoración 0.5) Con respecto a las líneas de campo magnético dentro del solenoide que se muestra en la figura, es correcto afirmar que:



- (a) Son círculos en sentido horario visto desde la parte superior de la página.
- (b) Son círculos en sentido antihorario visto desde la parte superior de la página.
- (c) Son líneas dirigidas hacia la parte superior de la página.
- (d) Son líneas dirigidas hacia la parte inferior de la página.
- (e) Son líneas radiales desde el centro del núcleo.
- 9. (Valoración 0.5) Dos cables rectos, largos y paralelos conducen corrientes iguales, y en sentidos opuestos. En el punto medio entre los cables, el campo magnético neto es:
 - (a) Cero.
 - (b) Diferente de cero y a lo largo de una línea que conecta los cables.
 - (c) Diferente de cero y paralelo a los cables.
 - (d) Diferente de cero y perpendicular al plano de los dos cables.
 - (e) No hay suficiente información para predecir este resultado.
- 10. (Valoración 0.5) Una fuente de energía se conecta a la espira 1 y a un amperímetro, como se muestra en la figura. La espira 2 está cercana a la espira 1 y está conectada a un voltímetro. En la figura también se muestra una gráfica de la corriente i por la espira 1 como una función del tiempo. La gráfica que mejor describe la fem

inducida ($\Delta V_{\rm ind}$), en la espira 2 como función del tiempo es:

- (a) Gráfica 1
- (b) Gráfica 2
- (c) Gráfica 3
- (d) Gráfica 4

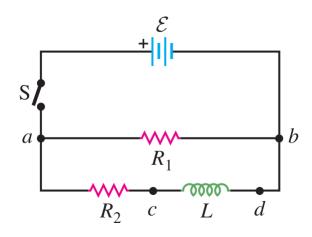


COLOQUE SUS RESPUESTAS AQUÍ

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10

COMPONENTE DE EJERCICIO 1

de cerrar el interruptor,



En el circuito que se presenta en la figura, $\varepsilon = 60.0$ V, $R_1 = 40.0$ Ω , $R_2 = 25.0$ Ω y L = 0.300 H. Asuma que la inductancia tiene un resistencia interna despreciable. El interruptor S se cierra en t = 0. Inmediatamente después

(a) (Valoración 0.5) La diferencia de potencial V_{ab} entre los extremos del resistor R_1

es:_____.

- (b) (Valoración 0.5) En t = 0, la rapidez con la que varía la corriente en el inductor es:______.
- (c) (Valoración 0.5) La diferencia de potencial V_{cd} entre los extremos del inductor L es:
- (d) (Valoración 0.5) ¿cuál punto, c o d, está a un potencial más alto?______.

Se deja cerrado el interruptor durante mucho tiempo

- (e) (Valoración 0.5) La energía máxima almacenada en el inductor es:______.
- (f) (Valoración 0.5) La potencia en el inductor es:______

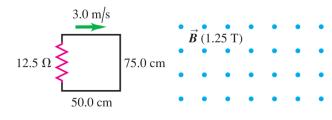
Ahora se abre el interruptor. Inmediatamente después de abrir el interruptor

- (g) (Valoración 0.5) La diferencia de potencial V_{ab} entre los extremos del resistor R_1 es
- (h) (Valoración 0.5) ¿cuál punto, a o b, está a un potencial más alto?______.
- (i) (Valoración 0.5) La diferencia de potencial V_{cd} entre los extremos del inductor L es

Despues que ha transcurrido un tiempo igual a una constante de tiempo τ

(j) (Valoración 0.5) La energía almacenada en el inductor es:______.

COMPONENTE DE EJERCICIO 2

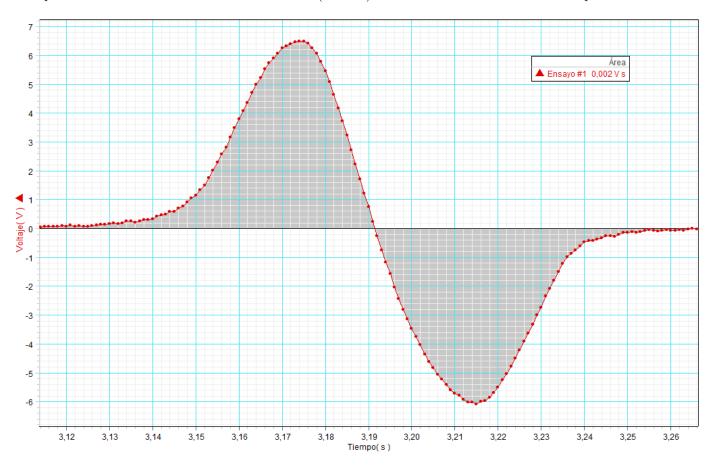


Un circuito rectangular se mueve a una velocidad constante de $3.0~\mathrm{m/s}$, hacia, a través de y luego hacia afuera de uncampo magnético uniforme de $12.5~\mathrm{T}$, como se muestra en la figura. La región del campo magnético tiene un ancho de $1~\mathrm{m}$

- (a) (Valoración 0.5) La magnitud de la corriente inducida en el circuito conforme está entrando al campo magnético es:______.
- (b) (Valoración 0.5) El sentido de la corriente inducida en el circuito conforme está entrando al campo magnético es (sentido horario o antihorario):_______.
- (c) (Valoración 0.5) La potencia disipada cuando está entrando al campo magnético es:______.
- (d) (Valoración 0.5) La magnitud de la corriente inducida en el circuito cuando está totalmente dentro del campo magnético, pero aún moviéndoese es:
- (e) (Valoración 0.5) La fuerza neta cuando está totalmente dentro del campo magnético, pero aún moviéndoese es:_______.
- (f) (Valoración 0.5) La magnitud de la corriente inducida en el circuito cuando está saliendo del campo magnético es:______.
- (h) (Valoración 0.5) La fuerza neta cuando está saliendo del campo magnético es:
- (i) (Valoración 1.0) Elabore una gráfica de la corriente en este circuito en función del tiempo, incluyendo los tres casos anteriores.

COMPONENTE EXPERIMENTAL

Considere el gráfico siguiente obtenido en la práctica de laboratorio sobre inducción electromagnética. El grafico corresponde a la FEM inducida \mathcal{E} al lanzar un imán (AlNiCo) al interior de una bobina de 3200 espiras.



- (a) (Valoración 1.25) ¿Por qué se generan los dos picos?
- (b) (Valoración 1.25) ¿Qué significado físico tiene el valor de la altura de los picos?
- (c) (Valoración 1.25) ¿Qué significado físico tiene el área sombreada? Justifique su respuesta.
- (d) (Valoración 1.25) ¿Las áreas sombreadas debe ser iguales. ¿Por qué?

RESUMEN DE EXPRESIONES MATEMÁTICAS ÚTILES

$$\begin{split} & \Phi_B = \int \mathbf{B} \cdot d\mathbf{A} \qquad \oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{A} = \mathbf{0} \qquad \qquad R = \frac{mv}{qv} \qquad \qquad \mathbf{F} = I\mathbf{1} \times \mathbf{B} \qquad \qquad \tau = \mu \times \mathbf{B} \\ & \mathbf{B} = \frac{\mu_o}{4\pi} \frac{q\mathbf{v} \times \hat{\mathbf{r}}}{r^2} \qquad \qquad d\mathbf{B} = \frac{\mu_o}{4\pi} \frac{Idl \times \hat{\mathbf{r}}}{r^2} \qquad \qquad B = \frac{\mu_o I}{2\pi r} \qquad \qquad \frac{F}{l} = \frac{\mu_o I I'}{2\pi r} \qquad \qquad B_x = \frac{\mu_o I a^2}{2(x^2 + a^2)^{3/2}} \\ & \oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{l} = \mu_o I_{\text{enc}} \qquad \qquad B = \mu_o n I \qquad \qquad B = \frac{\mu_o I}{2\pi} \frac{r}{R^2} \qquad \qquad B = \frac{\mu_o N I}{2\pi r} \qquad \qquad \mathcal{E} = \oint \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l} = -\frac{d\Phi_B}{dt} \\ & \mathcal{E} = vBL \qquad \qquad \mathcal{E} = \oint (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \cdot d\mathbf{l} \qquad \qquad \mathcal{E} = -L\frac{di}{dt} \qquad \qquad L = \frac{N\Phi_B}{i} \qquad \qquad M = \frac{N_2\Phi_{B_2}}{i_1} = \frac{N_1\Phi_{B_1}}{i_2} \\ & u = \frac{B^2}{2\mu_o} \qquad \qquad \tau = \frac{L}{R} \qquad \qquad U = -\mu \cdot \mathbf{B} \qquad \qquad B_x = \frac{\mu_o N I}{2a} \qquad \qquad i_D = \epsilon \frac{d\Phi_E}{dt} \\ & U = \frac{1}{2}LI^2 \qquad \qquad \omega = \frac{qB}{m} \qquad \qquad \mathbf{F} = q\mathbf{v} \times \mathbf{B} \qquad \qquad i = \frac{\mathcal{E}}{R} \left[1 - e^{-(R/L)t}\right] \qquad i = I_o e^{-(R/L)t} \\ & T = \frac{2\pi}{\omega} \qquad \qquad V = IR \qquad \qquad P = I^2R \end{split}$$